

CSE 001: Introduction to Computer and Programming

هحس 001: مقدمة في الحاسبات والبرمجة

المستوى 000 هندسة تشييد/ميكاترونكس/طيران
فصل الربيع 2018

د/ أحمد عامر شاهين

قسم هندسة الحاسبات و المنظومات

كلية الهندسة – جامعة الزقازيق

Email: aashahin@zu.edu.eg

Web site: <http://www.aashahine.faculty.zu.edu.eg>

إعلان هام

- الواجب المنزلي الأول تم رفعه ويجب تسليمه خلال أسبوع

المحاضرة الرابعة

قوالب بناء الحاسب

مقدمة لقوالب بناء الحاسب

البوابات المنطقية

جبر بول وقواعده

دوائر الجمع والطرح المنطقية

مخطط العرض

مقدمة لقوالب بناء الحاسب

Lec#4 - Spring 2018 CSE 001: Introduction to Computer and Programming

جبر بول وقواعده

Lec#4 - Spring 2018 CSE 001: Introduction to Computer and Programming

دوائر الجمع والطرح المنطقية

Lec#4 - Spring 2018 CSE 001: Introduction to Computer and Programming

الجامع النصفى
Half Adder

Lec#4 - Spring 2018 CSE 001: Introduction to Computer and Programming

الجامع الكامل
Full Adder

Lec#4 - Spring 2018 CSE 001: Introduction to Computer and Programming

الجامع المتوازي
Parallel Adder

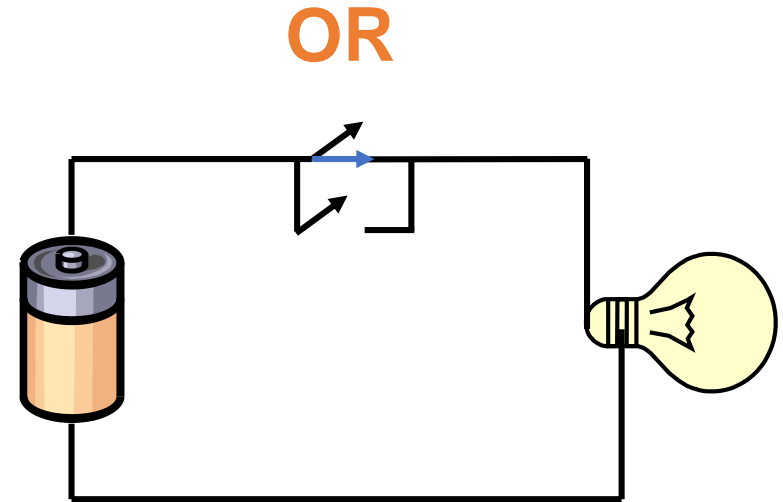
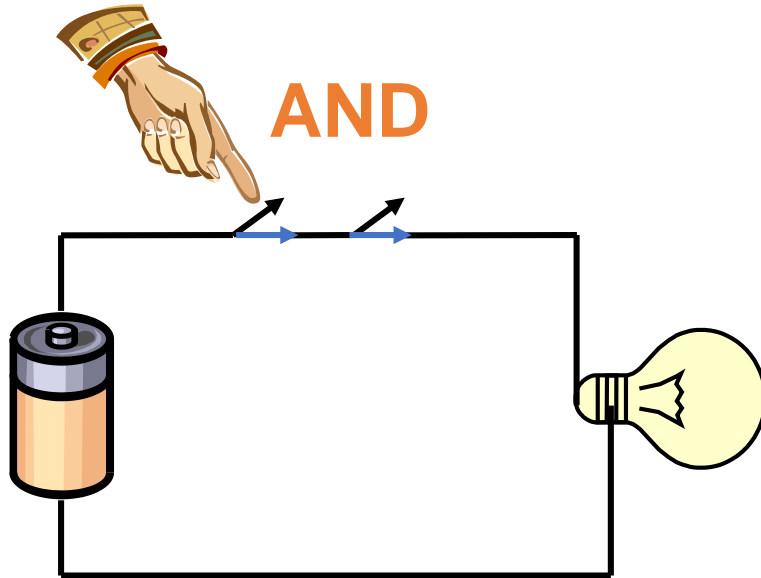
Lec#4 - Spring 2018 CSE 001: Introduction to Computer and Programming

دائرة الجمع / الطرح
Addition/Subtraction

Lec#4 - Spring 2018 CSE 001: Introduction to Computer and Programming

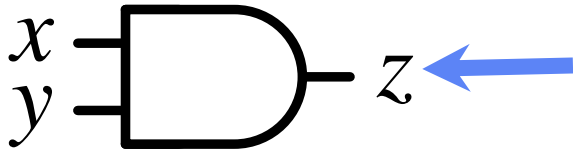
مقدمة لقوالب بناء الحاسب

المفاتيح في الدوائر الكهربائية



المنطق الثنائي (Binary Logic)

AND



Logic Gates البوابات المنطقية (1)

Truth Table جدول الحقيقة (2)

تعبير بول (3)

Boolean Expressions

الدخل		الخرج
x	y	z
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$z = x \cdot y = xy$$

المنطق الثنائي (Binary Logic)

AND

الدخل		الخرج
x	y	z
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

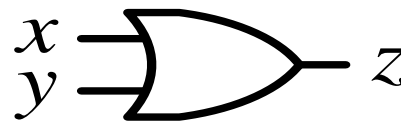
$$z = x \cdot y = xy$$



OR

الدخل		الخرج
x	y	z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

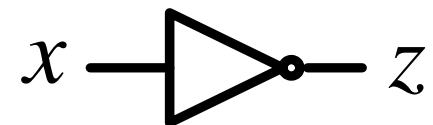
$$z = x + y$$



NOT

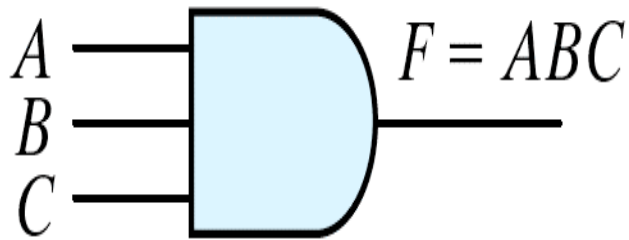
x	z
0	1
1	0

$$z = \bar{x} = x'$$

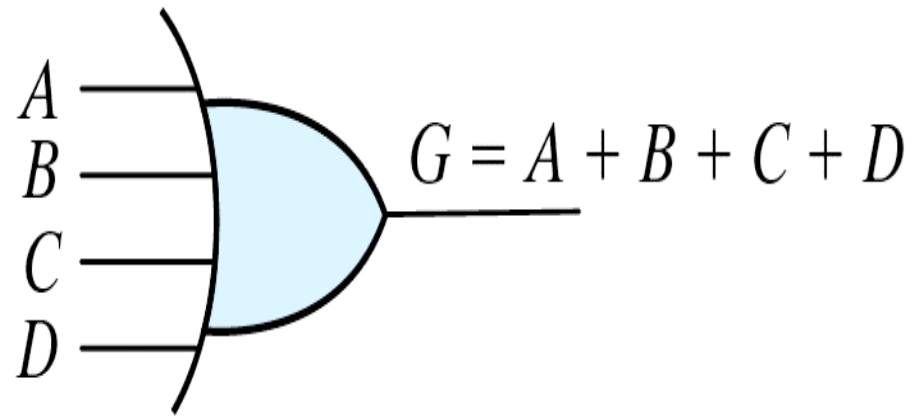


المنطق الثنائي (Binary Logic)

• البوابات المنطقية: Logic gates

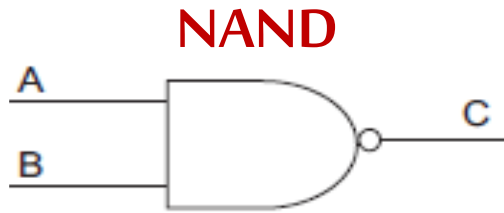


(a) Three-input AND gate



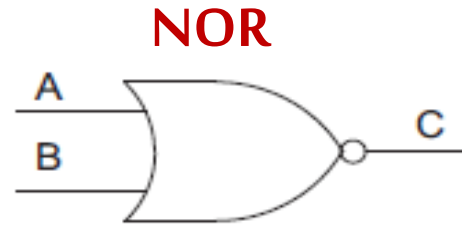
(b) Four-input OR gate

المنطق الثنائي (Binary Logic)



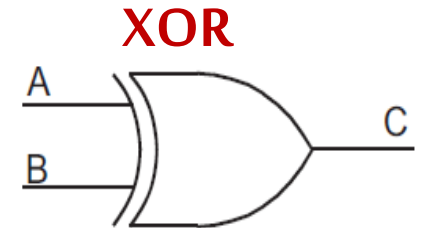
الدخل		الخرج
<i>x</i>	<i>y</i>	<i>z</i>
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

$$Z = \overline{x \cdot y}$$



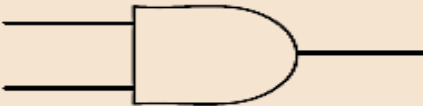
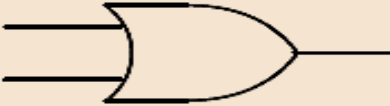
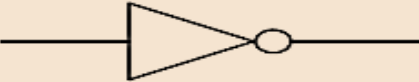
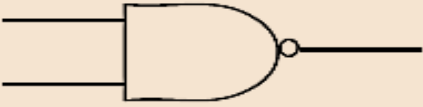


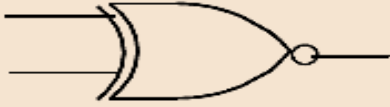
الدخل		الخرج
<i>x</i>	<i>y</i>	<i>z</i>
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

$$Z = \overline{x + y}$$



الدخل		الخرج
<i>x</i>	<i>y</i>	<i>z</i>
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

$$Z = x \oplus y$$

Logical Gates	Symbol	Truth Table															
AND		<table border="1"> <thead> <tr> <th>A</th> <th>B</th> <th>A B</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr> </tbody> </table>	A	B	A B	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	1	1
A	B	A B															
0	0	0															
0	1	0															
1	0	0															
1	1	1															
OR		<table border="1"> <thead> <tr> <th>A</th> <th>B</th> <th>A+B</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr> </tbody> </table>	A	B	A+B	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1
A	B	A+B															
0	0	0															
0	1	1															
1	0	1															
1	1	1															
NOT		<table border="1"> <thead> <tr> <th>A</th> <th>\bar{A}</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td></tr> </tbody> </table>	A	\bar{A}	0	1	1	0									
A	\bar{A}																
0	1																
1	0																
NAND		<table border="1"> <thead> <tr> <th>A</th> <th>B</th> <th>AB</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr> </tbody> </table>	A	B	AB	0	0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0
A	B	AB															
0	0	1															
0	1	1															
1	0	1															
1	1	0															
NOR		<table border="1"> <thead> <tr> <th>A</th> <th>B</th> <th>A+B</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr> </tbody> </table>	A	B	A+B	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	0
A	B	A+B															
0	0	1															
0	1	0															
1	0	0															
1	1	0															
XOR		<table border="1"> <thead> <tr> <th>A</th> <th>B</th> <th>A+B</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr> </tbody> </table>	A	B	A+B	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	0
A	B	A+B															
0	0	0															
0	1	1															
1	0	1															
1	1	0															
XNOR		<table border="1"> <thead> <tr> <th>A</th> <th>B</th> <th>A B</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr> </tbody> </table>	A	B	A B	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	1
A	B	A B															
0	0	1															
0	1	0															
1	0	0															
1	1	1															

جبر بول وقواعدہ

■ قام بوضع هذا العلم جورج بول في القرن الثامن عشر معتمد علي التعامل مع المتغيرات الثنائية

■ يستخدم في تبسيط الدوال (المعادلات) التي تعبر عنها بالمتغيرات الثنائية

■ المتغيرات الثنائية: هي التي تقبل قيم ثنائية كـ

(1/0 or true/false or yes/no or high/low)

قواعد جبر بول

$$A \cdot 1 = A$$

$$A \cdot 0 = 0$$

$$A \cdot A = A$$

$$A \cdot \bar{A} = 0$$

$$A + 1 = 1$$

$$A + 0 = A$$

$$A + A = A$$

$$A + \bar{A} = 1$$

$$A(B + \bar{B}) = A$$

$$A \oplus 1 = \bar{A}$$

$$A \oplus 0 = A$$

$$A + \bar{A}B = A + B$$

نظرية دي مورجان:

$$\overline{x \cdot y} = \bar{x} + \bar{y}$$

$$\overline{x + y} = \bar{x} \cdot \bar{y}$$

باستخدام جبر بول **أثبت** أن :

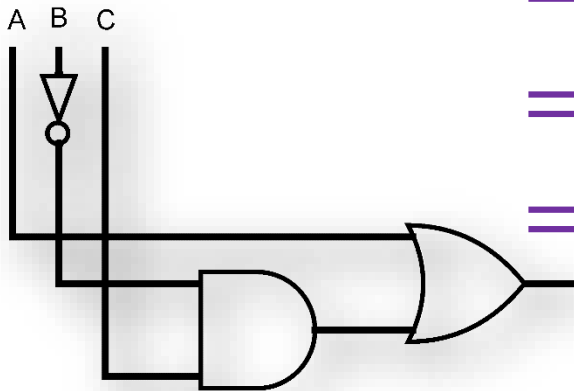
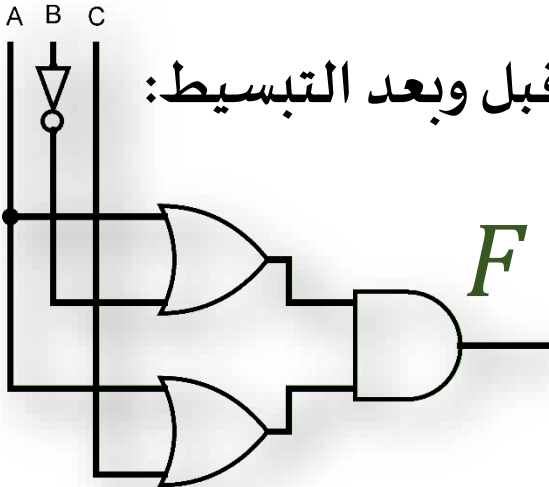
$$(\bar{A} + \bar{B}). (A + B) = \bar{A}B + A\bar{B}$$

$$\begin{aligned}(\bar{A} + \bar{B}). (A + B) &= \bar{A}A + \bar{A}B + A\bar{B} + \bar{B}B \\ &= 0 + \bar{A}B + A\bar{B} + 0 \\ &= \bar{A}B + A\bar{B}\end{aligned}$$

باستخدام جبر بول **بسط** الصيغة المنطقية الآتية، ثم **ارسمها** قبل وبعد التبسيط:

$$F = (A + \bar{B})(A + C)$$

$$\begin{aligned} F &= AA + AC + A\bar{B} + \bar{B}C \\ &= A + AC + A\bar{B} + \bar{B}C \\ &= A(1 + C + \bar{B}) + \bar{B}C \\ &= A + \bar{B}C \end{aligned}$$



أمثلة أوجد قيمة F لجميع القيم المحتملة للمتغيرات (ارسم جدول التحقيق):

الدخل			الخرج			
A	B	C	\bar{B}	$A\bar{B}C$	AB	F
0	0	0	1	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	1	0	0	0
1	0	1	1	1	0	1
1	1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	0	1	1

$$F = A\bar{B}C + AB$$

• حل آخر

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

$$\begin{aligned}
 F &= A\bar{B}C + AB(C + \bar{C}) \\
 &= A\bar{B}C + ABC + AB\bar{C} \\
 &\quad \color{green}101 \quad \color{purple}111 \quad \color{blue}110
 \end{aligned}$$

طبق نظرية دي مورجان (بسط)

$$\overline{AB(CD + \bar{A}C)}$$

$$\begin{aligned} &= (\bar{A} + \bar{B}) + (\bar{C} + \bar{D})(A + \bar{C}) \\ &= \bar{A} + \bar{B} + A\bar{C} + A\bar{D} + \bar{C} + \bar{C}\bar{D} \\ &= \bar{A} + \bar{B} + A\bar{D} + \bar{C} \\ &= \bar{A} + \bar{B} + \bar{D} + \bar{C} \end{aligned}$$

بسّط ثم ارسم الدائرة المنطقية التي تحقق الصيغة التالية قبل التبسيط وبعده , ثم قارن بين الدائرتين من حيث عدد البوابات المستخدمة؟

$$F = (\overline{A}\overline{B}C + AB\overline{C} + ABC)$$

$$F = (\overline{A}\overline{B}C + AB\overline{C} + ABC)$$

$$\begin{aligned} F &= (\overline{A}\overline{B}C + AB\overline{C} + ABC + ABC) \\ &= AC(\overline{B} + B) + AB(\overline{C} + C) \\ &= AC + AB \\ &= A(C + B) \end{aligned}$$

دوائر الجمع والطرح المنطقية

الجمع الثنائي

حالات الجمع الثنائي هي:

$$\begin{array}{l} 0 + 0 = 0 \quad \text{Sum} = 0, \text{ carry out} = 0 \\ 0 + 1 = 1 \quad \text{Sum} = 1, \text{ carry out} = 0 \\ 1 + 0 = 1 \quad \text{Sum} = 1, \text{ carry out} = 0 \\ 1 + 1 = 10 \quad \text{Sum} = 0, \text{ carry out} = 1 \end{array}$$

في هذه الحالة
نحتاج دائرة
تسمى الجامع
النصفي
Half Adder

عندما يكون ال $\text{carry in} = 1$ بسبب النتيجة السابقة فإن الناتج يصبح:

$$\begin{array}{l} 1 + 0 + 0 = 01 \quad \text{Sum} = 1, \text{ carry out} = 0 \\ 1 + 0 + 1 = 10 \quad \text{Sum} = 0, \text{ carry out} = 1 \\ 1 + 1 + 0 = 10 \quad \text{Sum} = 0, \text{ carry out} = 1 \\ 1 + 1 + 1 = 11 \quad \text{Sum} = 1, \text{ carry out} = 1 \end{array}$$

في هذه الحالة نحتاج دائرة تسمى الجامع النصفي

Half Adder

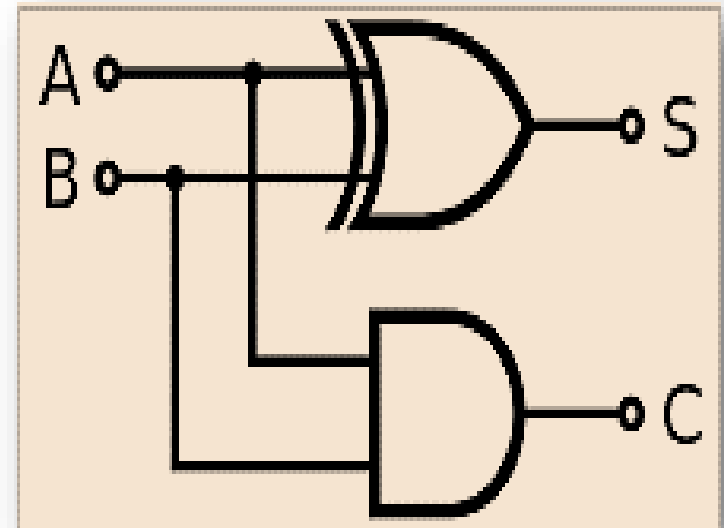
الجامع النصفى

Half Adder

$$Sum = \bar{A}B + A\bar{B} = A \oplus B$$

$$Carry = AB$$

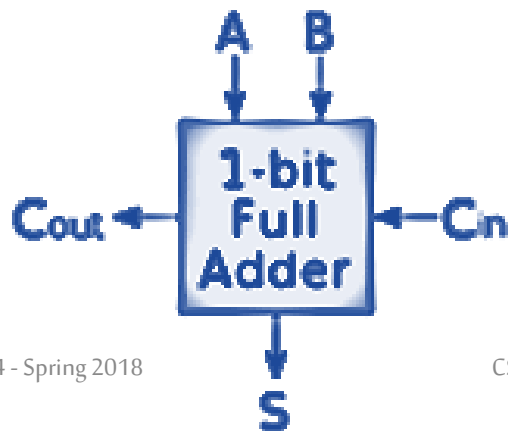
الدخل		الخرج	
A	B	S	C
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1



الجامع الكامل

Full Adder

الدخل			الخروج	
A	B	C _{in}	S	C _{out}
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

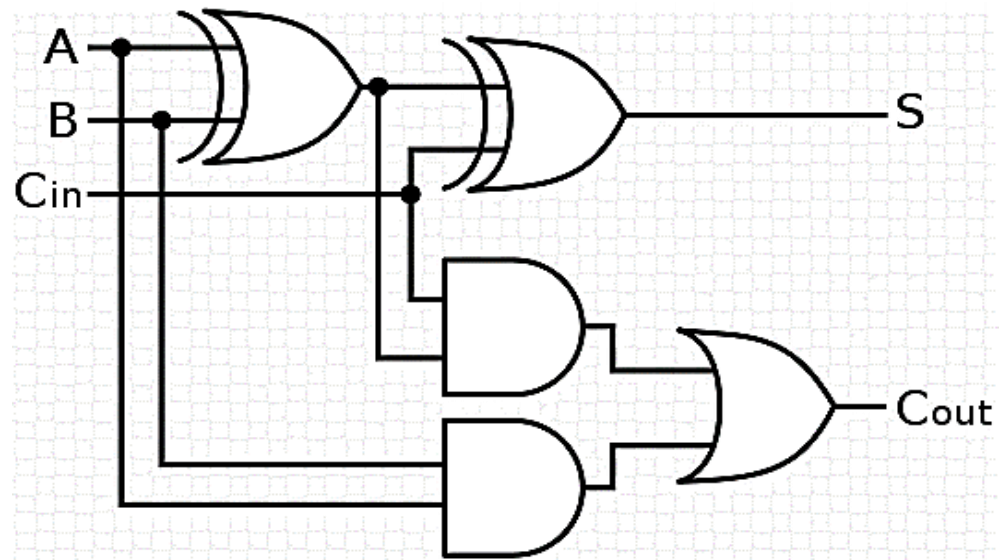


$$S = \bar{A}\bar{B}C_{in} + \bar{A}B\bar{C}_{in} + A\bar{B}\bar{C}_{in} + ABC_{in}$$

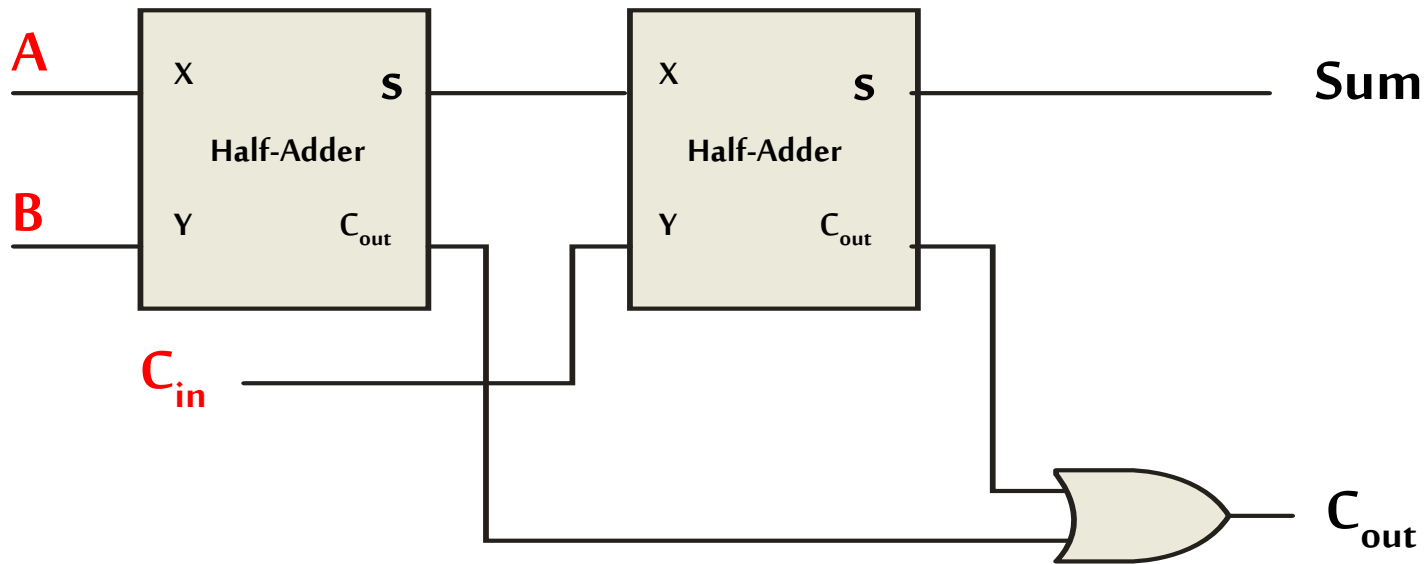
$$C_{out} = \bar{A}BC_{in} + A\bar{B}C_{in} + AB\bar{C}_{in} + ABC_{in}$$

$$S = A \oplus B \oplus C_{in}$$

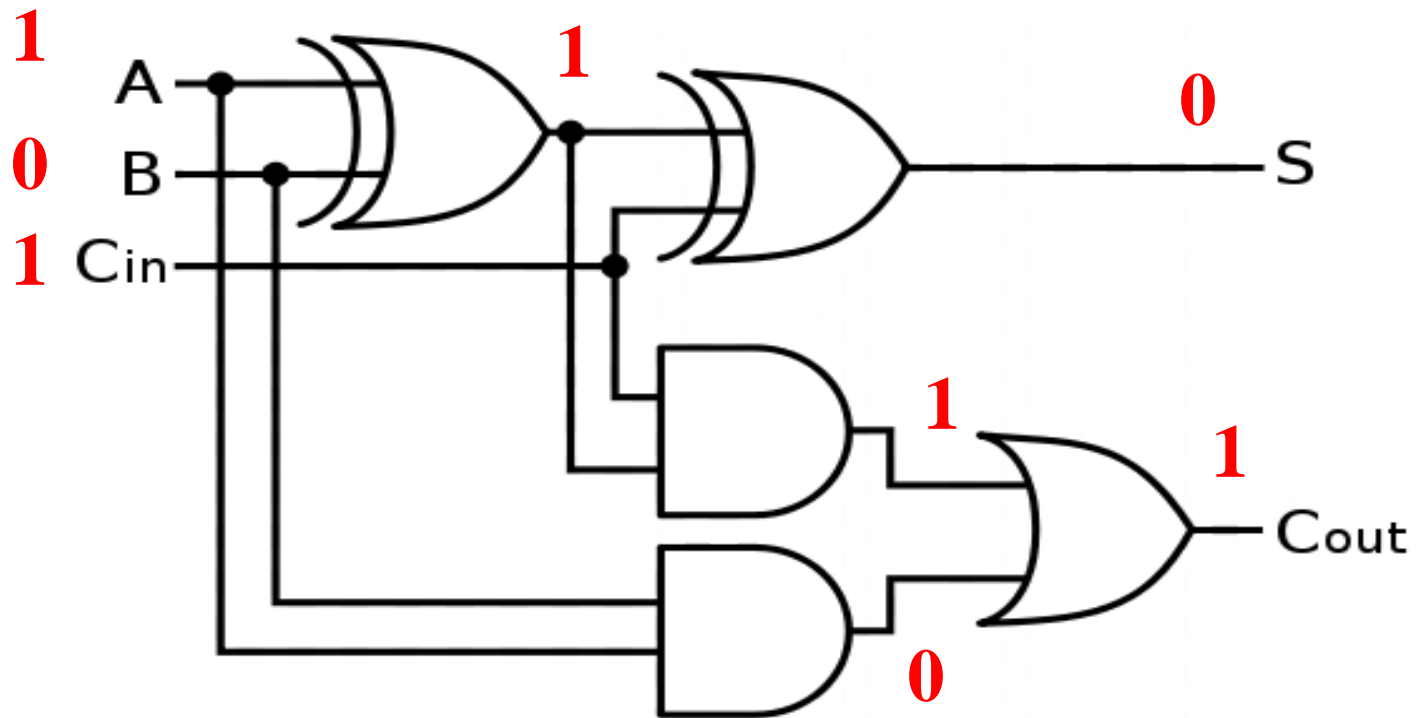
$$C_{out} = (A \oplus B)C_{in} + AB$$



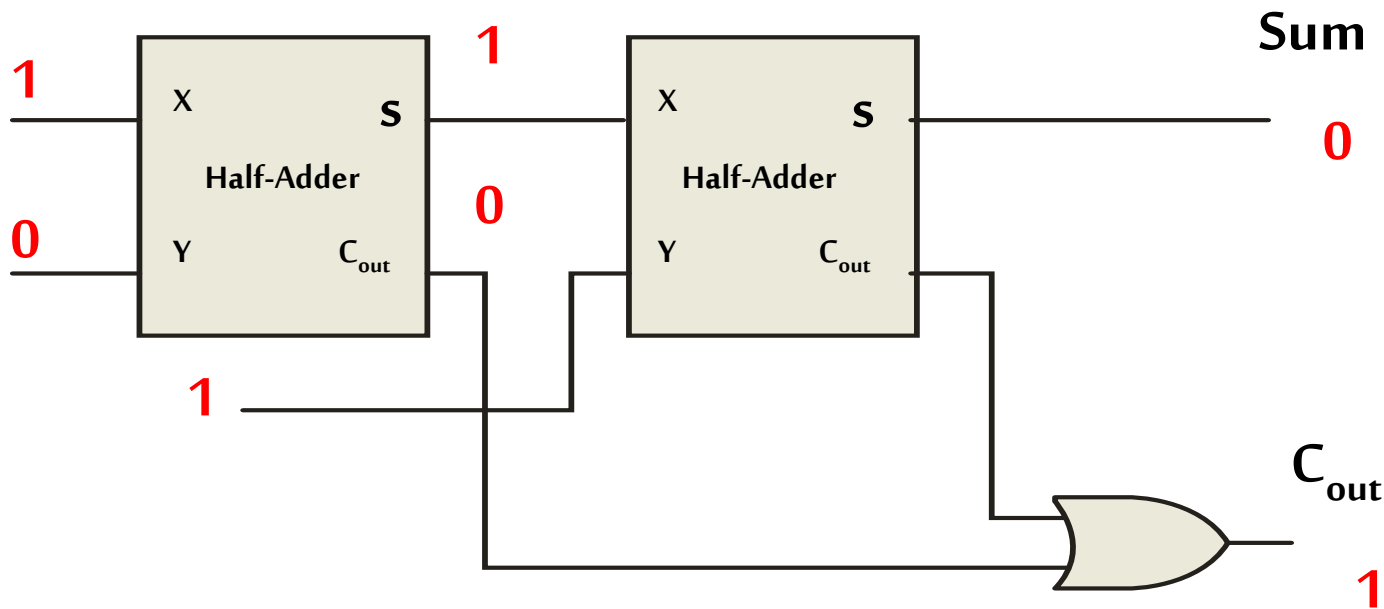
وضح كيف يتم تصميم الجامع الكامل باستخدام الجامع النصفى



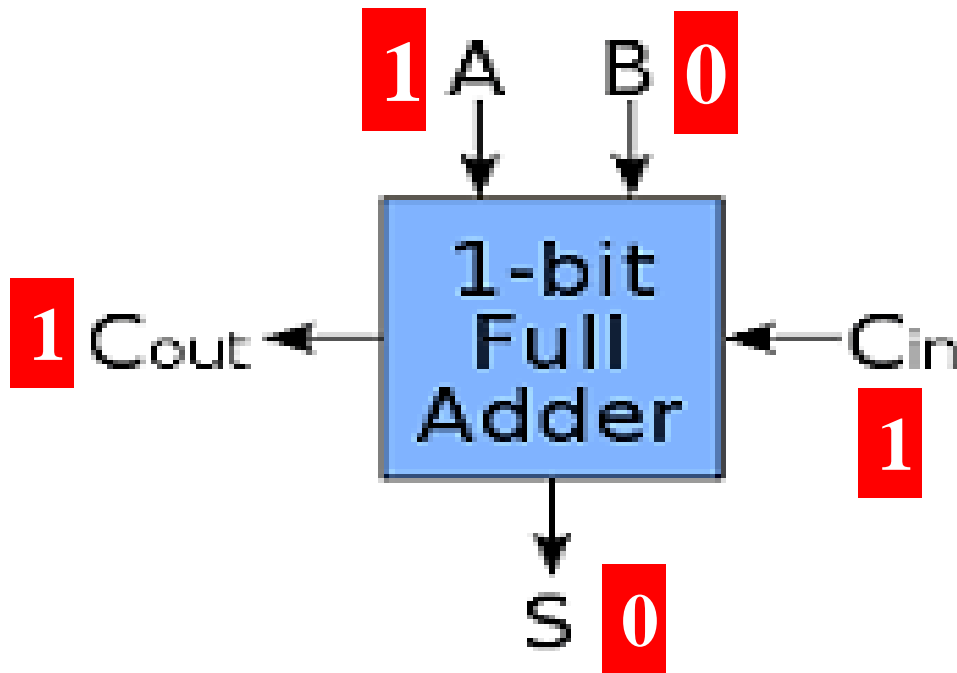
وضح كيف تتم عملية جمع $1+0+1$ ؟



وضح كيف تتم عملية جمع $1+0+1$ ؟



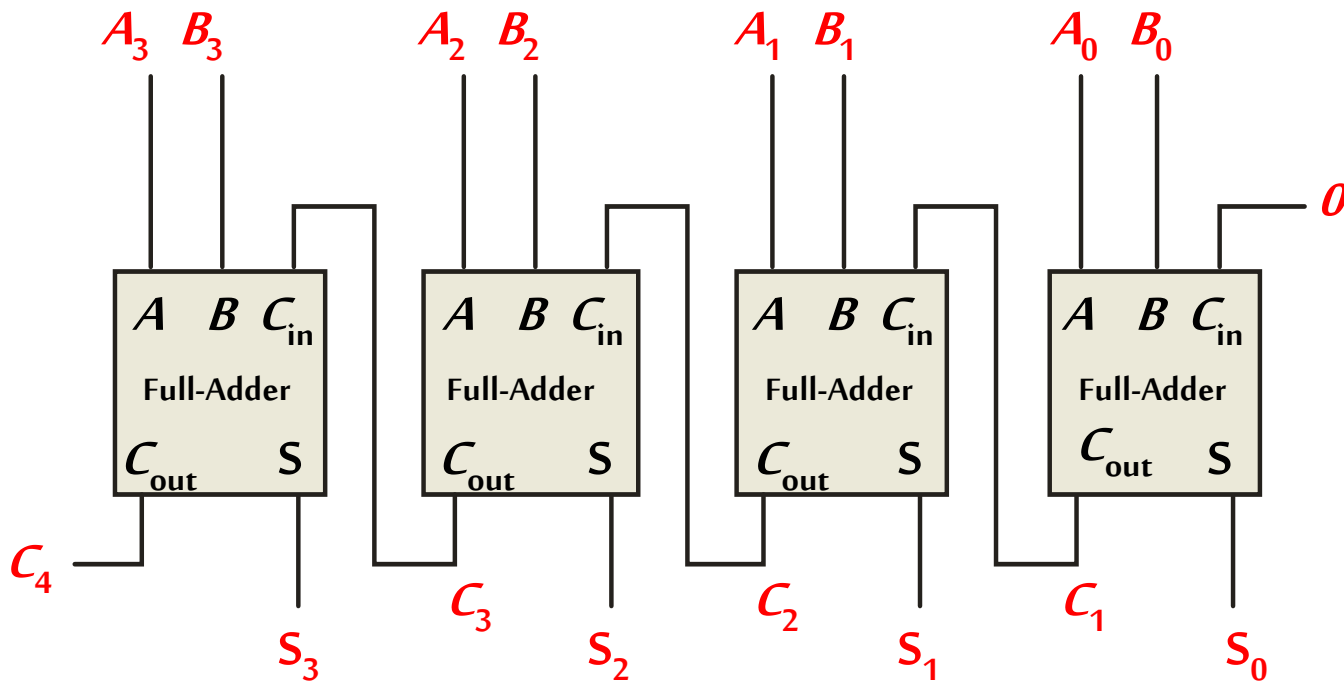
وضح كيف تتم عملية جمع $1+0+1$ ؟



الجامع المتوازي

Parallel Adder

يمكن دمج عدد n من دوائر الجامع الكامل لعمل جامع متوازي لأرقام ثنائيته مكون من n bit علي سبيل المثال كما هو موضح **4 bit** :

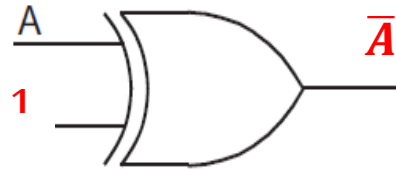
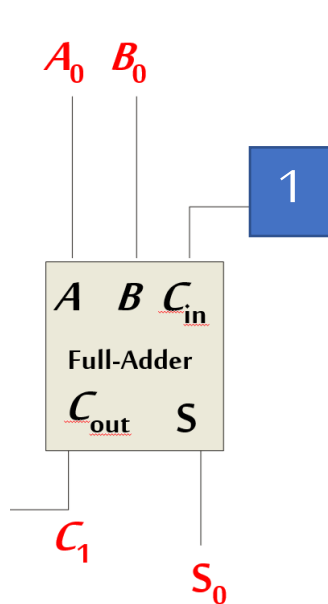


دائرة الجمع / الطرح
Addition/Subtraction

دائرة الجمع / الطرح

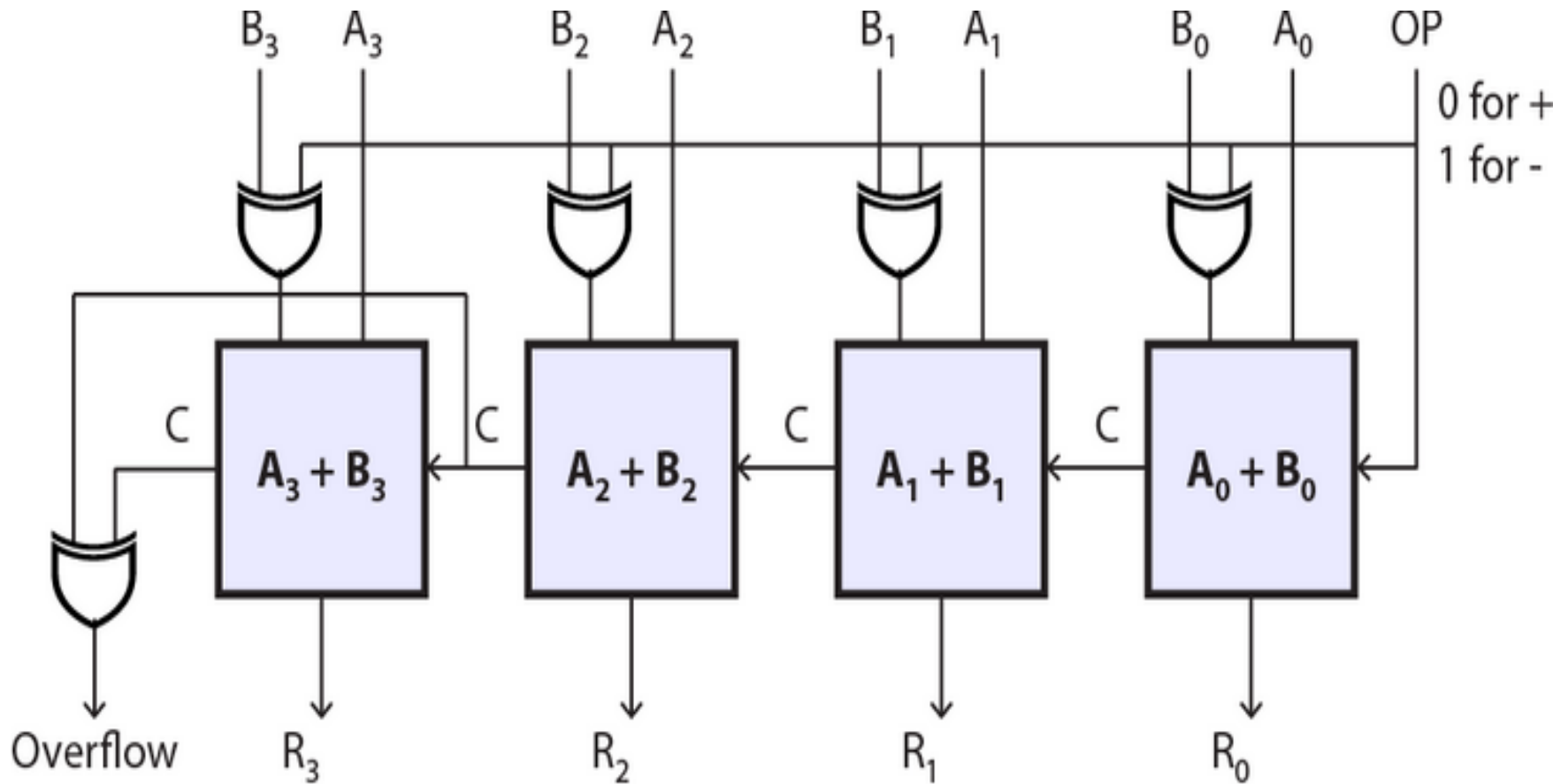
إجراء عملية الجمع بدلا من الطرح:

- يمكن استخدام الجامع المتوازي لإجراء عملية طرح من خلال قلب خانات العدد المطروح (متمم الواحد), ثم إضافة 1 (أي متمم الاثنين)
- كيف يتم قلب العدد من خلال البوابات؟



- كيف يتم إضافة واحد؟
- يمكن ضبط أول C_{in} بقيمة تساوي واحد

دائرة الجمع / الطرح



دائرة الجمع / الطرح

مثال: وضح كيف يتم إجراء العملية $A - B$ باستخدام دائرة الجمع والطرح، بحيث أن

$A = 101$ و $B = 010$

